Interrogation de Spécialité Mathématique (55 min)

(Calculatrice autorisée)

Exercice 1 (3 points)

Justifier que 163 est un nombre premier.

Exercice 2 (6 points)

- 1°) Ecrire la décomposition en produit de facteurs premiers de 336.
- 2°) Quel est le nombre de diviseurs positifs de 336?
- 3°) Ecrire la liste de tous les diviseurs positifs de 336. (Donner la liste dans l'ordre croissant, sans détailler les calculs)
- **4**°) Résoudre dans **Z** : $n^3 n = 336$.

Exercice 3 (3 points)

Pour tout entier naturel *n*, on note : $u_n = 3 \times 2^{4n+1} + 7 \times 3^n$.

Démontrer par récurrence que pour tout entier naturel n, u_n est divisible par 13.

Exercice 4 (6 points)

Un entier *n* possède 6 diviseurs positifs.

- 1°) Combien de diviseurs positifs possède n^2 ?
- 2°) Combien de diviseurs positifs possède 2n?

Exercice 5 (2 points) Diversion... Vu à la télé!

Un mentaliste vous demande de penser à un nombre p à deux chiffres.

Il vous demande ensuite de soustraire à ce nombre p, le chiffre de ses dizaines puis le chiffre de ses unités pour obtenir un nombre n.

Maintenant, cherchez le nombre *n* obtenu après ces deux soustractions dans la liste ci-dessous, retenez le mot associé puis tournez la page...

```
1 · TÉLÉVISEUR
                       21 · BUREAU
                                                 41 · BROUETTE
                                                                                                 81 · AUTOMOBILE
                                                                              · FRIGIDAIRE
 2 · BALAI
                                                42 · LIT
                            MONTRE
 3 · AVION
                                                   . RÉVEIL
                       23 - TABLE
                                                                               CABRIOLET
 4 - VALISE
                                                                              - SÉCATEUR
                      24 · MATELAS
                                                44 · ARMOIRE

    FOURCHETTE

     MONTRE
                                                   - VOITURE
                            ORDINATEUR
                                                                              · TIRE-BOUCHON
     CANAPE
                       26 · FER A REPASSER
                                                     RADIATEUR
                                                                              - AQUARIUM
  - BALLON
                      27 · VÉHICULE
                                                47 - MIROIR
                                                                           67 · VÉLO

    SKATEBOARD

 8 · TAPIS
                      28 · CENDRIER
                                                48 · LAVE-VAISSELLE

    VERRE

                                                                                                      SERVIETTE
 9 · VOITURE
                                                49 - TANK
                      29 · CONSOLE DE JEUX
                                                                              · COUTEAU

    DÉCAPSULEUR

 10 · LAMPE
                            ENCLUME
                                                     VENTILATEUR

    LAMPADAIRE

                                                                                                 90 · ASSIETTE
 11 - SAC A MAIN
                       31 · BATEAU =
                                                51 · CASSEROLE
                                                                              · GRILLE-PAIN
                                                                                                 91 · BILLARD
     CHAISE
                            MACHINE À LAVER
                                                52 · BOOMERANG
                                                                           72 · VÉHICULE
                                                                                                 92 · COUETTE
 13 · VESTE
                            CARROSSE
                                                   · ORDINATEUR
                                                                              · MALLETTE
14 · OREILLER
                      34 · TABOURET
                                                                           74 · PARAPLUIE
15 · TÉLÉPHONE
                            PANIER A LINGE
                                                      MARMITE
                                                                              · POUBELLE
                            DECAPOTABLE
                                                56 · CUILLÈRE
                                                                              · GUITARE
17 · TONDEUSE
                            MICRO-ONDES
                                                57 · ÉPÉE

    SCOOTER

                                                                                                      EXTINCTEUR
18 · AUTOMOBILE
                           HACHE
                                                     SOFA
                                                                                BROSSE A DEN
                                                                                                       MASSUE
19 · GRILLE-PAIN
                      39 - TABLEAU
                                                   · PERCEUSE
                                                                              · ARBALETE
                                                                                                      AMPOULE
20 · PELLE
                      40 · CHAPEAU
                                                   · HORLOGE
                                                                                                 100 · PARASOL

    BOUTEILLE
```

Expliquer l'astuce utilisée par le mentaliste!

Le mot associé à votre nombre mystère est...

